

Examenul de bacalaureat național 2020
Proba E. d)
Informatică
Limbajul C/C++

Testul 15

Filieră teoretică, profil real, specializare științe ale naturii

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă 10 puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de 3 ore.
- Identificatorii utilizați în rezolvări trebuie să respecte precizările din enunț (bold), iar în lipsa unor precizări explicite, notațiile trebuie să corespundă cu semnificațiile asociate acestora (eventual în formă prescurtată). Datele de intrare se consideră corecte, validarea lor nefiind necesară.

SUBIECTUL I (20 de puncte)

Pentru fiecare dintre itemii de la 1 la 5, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect. Fiecare răspuns corect se notează cu 4 puncte.

1. Expresia C/C++
 $(x \geq 16) \ \&\& \ ! (\ x < 17 \ || \ x > 19) \ \&\& \ (x \leq 20)$
are valoarea 1 dacă și numai dacă valoarea memorată de variabila întregă x aparține intervalului:
- a. [16,18] b. [17,19] c. [18,20] d. [19,20]
2. Variabilele i și j sunt de tip întreg. Indicați expresia care poate înlocui zona punctată astfel încât, în urma executării secvenței obținute, să se afișeze pe ecran valorile alăturate.
- ```
for (i=0; i<4; i++)
{ for (j=0; j<5; j++)
 cout<<.....<<" "; | printf("%d ",);
 cout<<endl; | printf("\n");
}
```
- a.  $j+1+5*i$                       b.  $j+1-5*i$                       c.  $i+1+4*j$                       d.  $i+1-4*j$
3. Tabloul unidimensional  $A$  are elementele:  $A = (2, 20, 27, 36, 50)$ , iar în urma interclasării lui crescătoare cu tabloul unidimensional  $B$  se obține tabloul cu elementele  $(2, 3, 5, 8, 20, 27, 36, 45, 50, 63)$ . Indicați elementele tabloului  $B$ , în ordinea apariției lor în acesta.
- a. (1, 15, 19, 9, 13)                      b. (2, 1, 20, 15, 27, 19, 36, 9, 50, 13)  
c. (2, 20, 27, 36, 50, 1, 3, 5, 6, 3)                      d. (3, 5, 8, 45, 63)
4. Variabilele  $E$ ,  $x$ ,  $y$  și  $z$  sunt de tip real și au valori nenule. Indicați expresia prin a cărei evaluare se obține valoarea atribuită variabilei  $E$  prin instrucțiunea alăturată.
- a.  $\frac{x}{(2020+z) \cdot 2019^2}$                       b.  $\frac{x}{(2019+z) \cdot \sqrt{2020}}$                       c.  $\frac{x}{2020} + \frac{z}{2019^2}$                       d.  $\frac{x}{2020+z} \cdot 2019^2$
5. Variabilele  $x$ ,  $y$ ,  $z$ ,  $w$  și  $r$  sunt de tip întreg, iar  $r$  memorează inițial valoarea 0. Indicați o secvență echivalentă cu cea de mai jos.
- ```
if (x==y && z!=w) r=1; else if (x==y && z==w) r=2; else r=3;
```
- a. `if (x==y || z!=w) r=1; else if (x!=y || z==w) r=2; else if (x!=y) r=3;`
b. `if (x==y || z!=w) r=1; else if (x==y || z==w) r=2; else r=3;`
c. `if (x!=y) r=3; else if (x==y || z==w) r=2; else if (x!=y) r=3;`
d. `if (x!=y) r=3; else if (z==w) r=2; else r=1;`

SUBIECTUL al II-lea

(40 de puncte)

1. Algoritmul alăturat este reprezentat în pseudocod.

- a. Scrieți numărul afișat în urma executării algoritmului dacă pentru n se citește valoarea 5. **(6p.)**
- b. Scrieți două numere din intervalul $[10, 10^2)$ care pot fi citite astfel încât, pentru fiecare dintre acestea, în urma executării algoritmului, să se afișeze 14. **(6p.)**
- c. Scrieți programul C/C++ corespunzător algoritmului dat. **(10p.)**
- d. Scrieți în pseudocod un algoritm, echivalent cu cel dat, înlocuind adecvat prima structură **pentru...execută** cu o structură repetitivă de alt tip. **(6p.)**

```
citește n (număr natural)
nr ← 0
pentru i ← n, 1, -1 execută
| x ← 0; y ← 1
| pentru j ← 1, i execută
| | r ← 2*x - y; x ← y; y ← r
| | ■
| | dacă y > 0 atunci
| | | nr ← nr + 1
| | | ■
| ■
scrie nr
```

2. Pentru un punct se memorează coordonatele (abscisa și ordonata) în sistemul de coordonate xOy . Variabilele A_x și A_y , de tip real, memorează coordonatele unui punct **A**, iar variabilele B_x și B_y , de tip real, memorează coordonatele unui punct **B**. Declarați variabilele și scrieți o secvență de instrucțiuni în urma executării căreia să se afișeze pe ecran mesajul **origine**, dacă unul dintre punctele **A** sau **B** coincide cu originea sistemului de coordonate, sau mesajul **altceva**, în caz contrar. **(6p.)**
3. Pentru a verifica dacă în tabloul unidimensional **(48, 24, 16, 14, 9, 8, 4)** există elementul cu valoarea x se aplică metoda căutării binare. Știind că valoarea x a fost comparată cu două elemente ale tabloului pe parcursul aplicării metodei, scrieți două valori posibile ale lui x . **(6p.)**

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

1. Se citește un număr natural n ($n \geq 2$) și se cere să se scrie cel mai mare divizor prim al lui n . Scrieți, în pseudocod, algoritmul de rezolvare a problemei enunțate. **Exemplu:** dacă $n=2000$, se scrie 5, deoarece $2000=2^4 \cdot 5^3$. **(10p.)**
2. Scrieți un program C/C++ care citește de la tastatură un număr natural n ($n \in [2, 20]$) și cele n elemente ale unui tablou unidimensional, numere naturale din intervalul $[1, 10^4)$. Programul afișează pe ecran numărul de elemente ale sale formate dintr-un număr egal de cifre pare și cifre impare. **Exemplu:** pentru $n=8$ și tabloul **(2, 24, 10, 902, 4321, 17, 45, 30)** se afișează pe ecran 4. **(10p.)**
3. Se citesc de la tastatură două numere naturale din intervalul $[1, 81]$, p_1 și p_2 , și se cere scrierea în fișierul **bac.out** a tuturor numerelor naturale cu exact 7 cifre, pentru care produsul primelor două cifre este egal cu p_1 , cele trei cifre din mijloc sunt 0, iar produsul ultimelor două cifre este egal cu p_2 . Numerele apar în fișier în ordine strict crescătoare, fiecare pe câte o linie. Proiectați un algoritm eficient din punctul de vedere al memoriei utilizate și al timpului de executare. **Exemplu:** dacă $p_1=12$, iar $p_2=8$, atunci 2600024 și 3400018 sunt două dintre cele 16 numere cu proprietatea cerută ($2 \cdot 6=3 \cdot 4=12$ și $2 \cdot 4=1 \cdot 8=8$).
a. Descrieți în limbaj natural algoritmul proiectat, justificând eficiența acestuia. **(2p.)**
b. Scrieți programul C/C++ corespunzător algoritmului proiectat. **(8p.)**

Examenul de bacalaureat național 2020

Proba E. d)

Informatică

BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE
(comun pentru limbajele C/C++ și Pascal)

Testul 15

Filieră teoretică, profil real, specializare științe ale naturii

- Se punctează oricare alte modalități de rezolvare corectă a cerințelor.
- Nu se acordă punctaje intermediare, altele decât cele precizate explicit prin barem. Nu se acordă fracțiuni de punct. Se acordă 10 puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea punctajului total acordat pentru lucrare la 10.
- Utilizarea unui tip de date care depășește domeniul de valori precizat în enunț este acceptată dacă acest lucru nu afectează corectitudinea în funcționarea programului.

SUBIECTUL I

(20 de puncte)

1b 2c 3d 4a 5d	5x4p.
----------------	-------

SUBIECTUL al II - lea

(40 de puncte)

1.	a) Răspuns corect: 2	6p.	
	b) Răspuns corect: 28 29	6p.	Se acordă câte 3p. pentru fiecare dintre cele două numere conform cerinței.
	c) Pentru program corect -declarare variabile -citire date -afișare date -instrucțiune de decizie -instrucțiuni repetitive (*) -atribuiri -corectitudine globală a programului ¹⁾	10p. 1p. 1p. 1p. 2p. 3p. 1p. 1p.	(*) Se acordă numai 2p. dacă doar una dintre instrucțiunile repetitive este conform cerinței.
	d) Pentru algoritm pseudocod corect -echivalență a prelucrării realizate, conform cerinței (*) -corectitudine globală a algoritmului ¹⁾	6p. 5p. 1p.	(*) Se acordă numai 2p. dacă algoritmul are o structură repetitivă conform cerinței, principal corectă, dar nu este echivalent cu cel dat. Se va puncta orice formă corectă de structură repetitivă conform cerinței.
2.	Pentru rezolvare corectă -declarare a variabilelor -verificare a proprietății cerute -afișare a datelor -corectitudine globală a expresiei ¹⁾	6p. 2p. 2p. 1p. 1p.	
3.	Răspuns corect: 8 , 24	6p.	Se acordă câte 3p. pentru fiecare dintre cele două valori.

SUBIECTUL al III - lea

(30 de puncte)

1.	Pentru algoritm corect -citire a datelor -determinare a valorii cerute (*) -scriere a datelor -scriere principal corectă a structurilor de control, corectitudine globală a algoritmului ¹⁾ (**)	10p. 1p. 6p. 1p. 2p.	(*) Se acordă câte 2p. pentru fiecare aspect al cerinței (identificare a unui divizor, divizor prim, cel mai mare divizor prim). (**) Se va puncta orice formă corectă de structură repetitivă sau decizională.
2.	Pentru program corect -declarare a unei variabile care să memoreze un tablou unidimensional -citire a datelor -determinare a valorilor cerute (*) -afișare a datelor -declarare a variabilelor simple, corectitudine globală a programului ¹⁾	10p. 1p. 1p. 6p. 1p. 1p.	(*) Se acordă câte 2p. pentru fiecare aspect specific (acces la o cifră a unui număr, identificare a unei cifre pare/impare, algoritm de numărare principal corect) conform cerinței.
3.	a) Pentru răspuns corect -coerență a descrierii algoritmului (*) -justificare a elementelor de eficiență	2p. 1p. 1p.	(*) Se acordă punctajul chiar dacă algoritmul ales nu este eficient. (**) Se acordă numai 3p. dacă algoritmul este

b) Pentru program corect -operații cu fișiere: declarare, pregătire în vederea scrierii, scriere în fișier -determinare a valorilor cerute (*),(**) -utilizare a unui algoritm eficient (***) -declarare a variabilelor, citire a datelor, corectitudine globală a programului ¹⁾	8p. 1p. 5p. 1p. 1p.	principlal corect, dar nu oferă rezultatul cerut pentru toate seturile de date de intrare. (***) Se acordă punctajul numai pentru un algoritm eficient, care nu verifică inutil multe valori. O soluție posibilă generează numerele cerute stabilind toate valorile posibile pentru prima cifră, c1, stabilind a treia cifră c3=0, respectiv pentru a 6-a cifră, c6, celelalte calculându-se direct pe baza celorlalte, având în vedere ordinea cerută și încadrarea fiecărei cifre în intervalul [0,9] sau [1,9], după caz.
---	--	--

¹⁾ Corectitudinea globală vizează structura, sintaxa, alte aspecte neprecizate în barem.